

① - (1) Dalle definizioni di velocità istantanea e di accelerazione istantanea si ottiene:
 $v = dx/dt = -6t + 10$, $a = dv/dt = -6$ (in unità del S.I.).

(2) Per individuare quanto moto è accelerato e quanto è decelerato, si deve individuare quando l'accelerazione ha lo stesso verso della velocità oppure verso contrario; ciò si ottiene eseguendo il prodotto scalare $a \cdot v = a_i \cdot v_i = a \cdot v$, essendo i il versore nella direzione x .
 Si ottiene quindi 60 $t > 10/6$ 5

$(-6) \cdot (-6t + 10) = 36t - 60$, che è > 0 quando $t > 2$ secondi.

Pertanto il moto è decelerato per $0 \text{ s} < t < 2 \text{ s}$, il punto è fermo ($v = 0$) per $t = 2 \text{ s}$, mentre il moto è accelerato per $2 \text{ s} < t < 7 \text{ s}$.

② - Durante il lancio la forza complessiva F che agisce sulla palla è data dalla differenza fra la forza applicata dalla mano e la forza peso della palla: $F = F_m - mg$ e l'accelerazione della palla sarà perciò:

$$a = \frac{F}{m} = \frac{F_m - mg}{m}$$

Questa accelerazione è data alla palla nel corso dei primi $s = 50 \text{ cm}$ di spostamento e accelera la palla da riposo ($v_0 = 0$) a 14.5 m s^{-1} . Utilizzando la relazione cinematica $v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0) = 2as$, si ottiene:

$$v^2 = 2s \frac{(F_m - mg)}{m} = \frac{2sF_m}{m} - \frac{2mgs}{m} = \frac{2sF_m}{m} - 2gs, \quad \text{da cui}$$

$$F_m = \frac{(v^2 + 2gs)m}{2s} = \frac{mv^2}{2s} + mg = \frac{0.15 \text{ kg} (14.5 \text{ m s}^{-1})^2}{2 \cdot 0.5 \text{ m}} + 0.15 \text{ kg} \cdot 9.8 \text{ m s}^{-2} =$$

$$= 31.538 \text{ N} + 1.470 \text{ N} = 33.008 \text{ N} = 3.368 \text{ kg peso}$$

③ - All'equilibrio le pressioni agenti alla quota della superficie S_1 saranno uguali e quindi, tenendo conto della pressione idrostatica nella colonna 2:

$p_1 = p_2 + dgh$, che diventa $m g/S_1 = F/S_2 + dgh$, da cui si ottiene:

$$F = 10^{-3} \text{ m}^2 \left(\frac{3500 \text{ kg} \cdot 9.8 \text{ m s}^{-2}}{0.8 \text{ m}^2} - 0.78 \cdot 10^3 \text{ kg m}^{-3} \cdot 9.8 \text{ m s}^{-2} \cdot 3.5 \text{ m} \right) = 16.1 \text{ N} = 1.65 \text{ kg peso}$$

Come si vede si tratta di una forza modesta rispetto a quella agente sulla colonna 1, di 3500 kg peso .

④ - Supponendo che tutto il ghiaccio fonda, essendo il calore specifico del ghiaccio pari a $0.5 \text{ cal g}^{-1} \text{ K}^{-1}$, calcoliamo il calore Q_1 necessario a portare il ghiaccio a 0° C :

$$Q_1 = m c \Delta t = 50 \text{ g} \cdot 0.5 \text{ cal g}^{-1} \text{ K}^{-1} \cdot 10^\circ = 250 \text{ cal}$$

Il calore Q_2 necessario a fondere 50 g di ghiaccio risulta essere

$$Q_2 = k_f m = 80 \text{ cal g}^{-1} \cdot 50 \text{ g} = 4000 \text{ calorie}$$

E infine il calore Q_3 per portare l'acqua da 0° C alla temperatura finale incognita t_f è:

$$Q_3 = m c \Delta t = m c (t_f - 0^\circ) = m c t_f = 50 \text{ g} \cdot 1 \text{ cal g}^{-1} \text{ K}^{-1} t_f = 50 \text{ cal}^\circ \text{ K}^{-1} t_f$$

D'altra parte il calore ceduto dal tè, inizialmente a 30° C , risulta essere:

$$Q_4 = m c \Delta t = 300 \text{ g} \cdot 1 \text{ cal g}^{-1} \text{ K}^{-1} (30^\circ \text{ C} - t_f)$$

Questo calore ceduto deve essere uguale alla somma dei calori assorbiti:

$$Q_4 = Q_1 + Q_2 + Q_3, \text{ che diventa:}$$

$$9000 \text{ cal} - 300 \text{ cal}^\circ \text{ K}^{-1} t_f = 225 \text{ cal} + 4000 \text{ cal} + 50 \text{ cal}^\circ \text{ K}^{-1} t_f,$$

che, risolta rispetto all'incognita t_f , fornisce $t_f = 13.65^\circ \text{ C}$. L'ipotesi iniziale che il ghiaccio fondesse è dunque corretta.

⑤ - (1) Poiché in un circuito elettrico la potenza P è data dal prodotto $P = UI$...

5 (1) Poiché in un circuito elettrico la potenza W è data dal prodotto $W = i \Delta V$, abbiamo:

$$i = \frac{W}{\Delta V} = \frac{60 \text{ W}}{220 \text{ V}} = 0.27 \text{ A.}$$

(2) La resistenza è: $R = \frac{\Delta V}{i} = \frac{220 \text{ V}}{0.27 \text{ A}} = 815 \text{ ohm.}$

(3) La lampadina ha una potenza di $60 \text{ W} = 0.060 \text{ kW}$, per cui il costo del suo funzionamento per 24 ore risulta di:

$$(0.06 \text{ kW}) (24 \text{ ore}) (269.8 \text{ lire kW}^{-1} \text{ ora}^{-1}) = 388.51 \text{ lire.}$$